

# Corrigé du devoir surveillé n° 5

durée : 1h

## Exercice 3 : (4 points) Calcul de fonctions dérivées

a) On trouve  $f'(x) = 6x^2 - \frac{2}{3}x = x \left( 6x - \frac{2}{3} \right)$

b) En utilisant  $(1/u)' = (-u'/u^2)$  et en s'apercevant que  $(4-x)/2 = 2 - (1/2)x$ , on trouve  $g'(x) = \frac{2}{(4-x)^2} - \frac{1}{2}$ .

c) On utilise  $(u/v)' = (u'v - uv')/v^2$  avec  $u = x^2 - x$ ,  $u' = 2x - 1$ ,  $v = x^2 + x + 2$  et  $v' = 2x + 1$ . On trouve alors

$$h'(x) = \frac{(2x-1)(x^2+x+2) - (x^2-x)(2x+1)}{(x^2+x+2)^2} \quad \text{soit} \quad h'(x) = \frac{2x^2+4x-2}{(x^2+x+2)^2}.$$

## Exercice 4 : (3 points) Calcul de fonctions dérivées

On trouve

$$f'(x) = 6 \cos(2x)$$

$$g'(x) = -2 \sin(x) \cos(x)$$

$$h'(x) = \frac{\cos^2 x + \sin^2 x}{\cos^2 x} = \frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan^2 x$$

## Exercice 1 : (8 points) Un vaccin efficace !

1.

	Souris ayant développé la maladie	Souris n'ayant pas développé la maladie	Total
Souris vaccinées	130	40	170
Souris non vaccinées	90	60	150
Total	220	100	320

- a) Il y a  $\frac{100}{320} \approx 31\%$  de souris n'ayant pas développé la maladie
- b) Il y a  $\frac{150}{320} \approx 47\%$  de souris non vaccinées
- c) Il y a  $\frac{90}{150} \approx 60\%$  de souris ayant développé la maladie, parmi celles qui n'ont pas été vaccinées
- d) Il y a  $\frac{130}{170} \approx 76\%$  de souris ayant développé la maladie, parmi celles qui ont été vaccinées.

2. Au vu des résultats ci-dessus, on peut penser que le vaccin favorise le développement de la maladie

3. Il y a 320 issues possibles, dont 220 favorables à l'événement A et 100 favorables à l'événement B. D'où

$$p(A) = \frac{220}{320} \approx 0,69 \quad \text{et} \quad p(B) = \frac{100}{320} \approx 0,31$$

4.  $A \cap B$  : « souris malade et vaccinée ». 130 cas favorables d'où  $p(A \cap B) = \frac{130}{320} \approx 0,41$

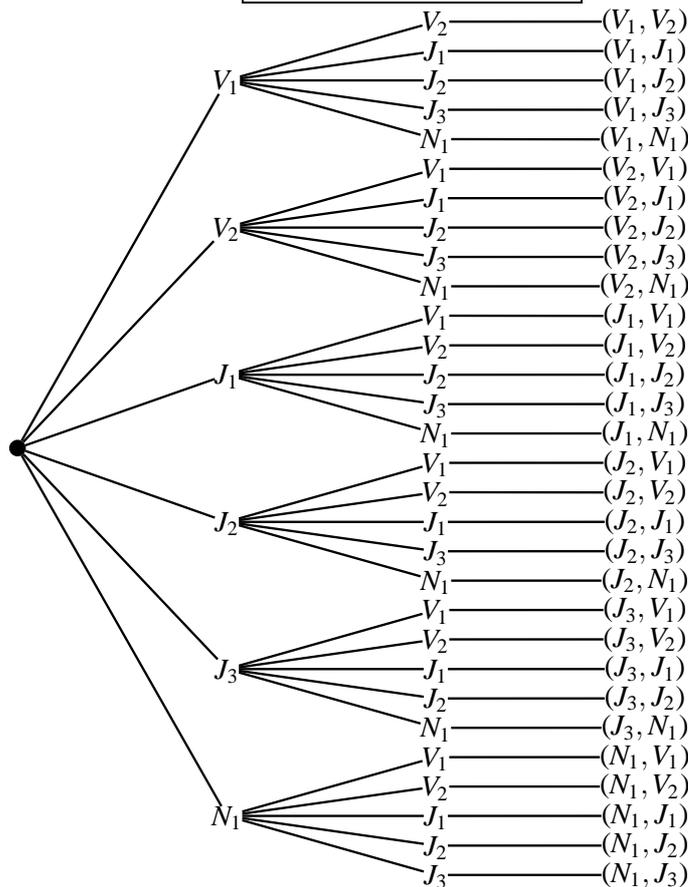
$$A \cup B : \ll \text{souris malade ou vaccinée} \gg, 320 - 60 = 260 \text{ cas favorables d'où } p(A \cup B) = \frac{260}{320} \approx 0,81$$

$$A \cap \bar{B} : \ll \text{souris malade et non vaccinée} \gg, 90 \text{ cas favorables d'où } p(A \cap \bar{B}) = \frac{90}{320} \approx 0,28$$

$$\bar{A} \cap \bar{B} : \ll \text{souris non malade et non vaccinée} \gg, 60 \text{ cas favorables d'où } p(\bar{A} \cap \bar{B}) = \frac{60}{320} \approx 0,19$$

### Exercice 2 : (5 points) Utilisation d'un arbre en probabilités

1. L'arbre ci-dessous nous donne les  $6 \times 5 = 30$  issues possibles



2. Événement  $A$  : 8 issues favorables, donc  $p(A) = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$ .

Événement  $B$  : 8 issues favorables, donc  $p(B) = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$ .

3. Comme les jetons sont tous distincts et que l'on procède à des tirages sans remise, on ne peut obtenir deux fois le même jeton. Il est donc impossible d'obtenir un tirage avec deux jetons ayant à la fois la même couleur et le même numéro. Autrement dit  $A \cap B = \emptyset$

4. On a 16 cas favorables à  $A \cup B$ , donc  $p(A \cup B) = \frac{16}{30} = \frac{8}{15}$ .

**autre méthode :**  $p(A \cap B) = 0$  puisque  $A \cap B = \emptyset$ , or  $P(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$ , d'où  $p(A \cup B) = \frac{4}{15} + \frac{4}{15} - 0$ .