Études de fonctions – Tangentes

Exercice 1 : Étude d'une fonction polynôme de degré 2

On considère C_f , la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \frac{x^2}{2} + 3x - 1$$

- 1. Dresser, en le justifiant, le tableau de variations de la fonction f.
- **2.** Tracer C_f dans le plan muni d'un repère orthonormé.

Exercice 2: Tangente à une courbe de fonction — Approximation affine

On considère C_f , la courbe représentative de la fonction f définie sur $\mathbb R$ par

$$f(x) = x^2 - x + 2$$
.

- a) Calculer la dérivée f' de f. En déduire le tableau de variations de la fonction f.
- b) On note A le point de C_f d'abscisse 1. Déterminer une équation de T, la tangente à C_f au point A.
- c) Sans calculatrice, donner une approximation décimale à 10^{-3} près de f(1,0001) et de f(0,999).
- d) Représenter dans un repère orthonormé la courbe C_f et la droite T.

Exercice 3: Coefficients directeurs de tangentes

Pour chacune des fonctions suivantes, déterminer la coefficient directeur de la tangente au point d'abscisse a à la courbe représentative de la fonction f.

1.
$$f(x) = x^2 + x$$
 et $a = 1$

2.
$$f(x) = x^3 - 3x$$
 et $a = 2$

1.
$$f(x) = x^2 + x$$
 et $a = 1$ **2.** $f(x) = x^3 - 3x$ et $a = 2$ **3.** $f(x) = \frac{3x + 4}{x - 2}$ et $a = 4$

Exercice 4 : Tangente parallèle à une droite donnée

On considère C_f , la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = x^2 - 2x + 1$$
.

Montrer qu'il existe un point A de la courbe C_f tel que la tangente à C_f en A soit parallèle à la droite d'équation y = x. Déterminer une équation de cette tangente.

Exercice 5 : Équation de la tangente à une courbe de fonction

Le but de cet exercice est de déterminer la formule générale donnant l'équation, en un point donné, de la tangente à une courbe de fonction.

Soit a un nombre réel fixé. On note C_f la courbe représentative de la fonction f, A le point de C_f d'abscisse a, et T la tangente à la courbe C_f au point A.

- **1.** Déterminer les coordonnées du point *A*.
- **2.** Donner, en fonction de f et de a, le coefficient directeur de la tangente T.
- 3. À l'aide des questions précédentes, déterminer une équation de T. Montrer que cette équation peut se mettre sous la forme

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$

4. Application : On considère C_g , la courbe représentative de la fonction g définie sur $\mathbb R$ par

$$g(x) = -3x^2 + 7x + 8.$$

Déterminer une équation de la tangente à la courbe C_g au point d'abscisse 1.

