

Brevet Groupe Est 2003

<http://melusine.eu.org/syracuse/poulecl>

1 Partie numérique

1.1 Exercice 1

1. Ecrire A sous la forme $a\sqrt{b}$ où a et b sont des nombres entiers naturels, b étant le plus petit possible :

$$A = 2\sqrt{45} - 3\sqrt{5} + \sqrt{20}$$

2. calculer l'expression suivante B et donner son écriture scientifique :

$$B = \frac{150 \times 10^3 \times 8 \times 10^5}{6 \times 10^7}$$

1.2 Exercice 2

On considère l'expression : $C = (2x + 5)^2 - (x + 3)(2x + 5)$.

1. Développer et réduire C .
2. Factoriser C .
3. Résoudre l'équation $(2x + 5)(x + 2) = 0$.
4. Calculer l'expression C pour $x = -\frac{2}{3}$. On mettra le résultat sous la forme d'une fraction irréductible.

1.3 Exercice 3

1. Résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} 4x + 3y = 206 \\ 2x + 2y = 114 \end{cases}$$

2. Lors d'un spectacle, la famille A , composée de 4 adultes et de 3 enfants, a payé 206 €. Pour le même spectacle, la famille B , composée de 2 adultes et de 2 enfants, a payé 114 €. Combien paiera la famille C , sachant qu'elle est composée de 3 adultes et de 2 enfants ?

2 Partie géométrique

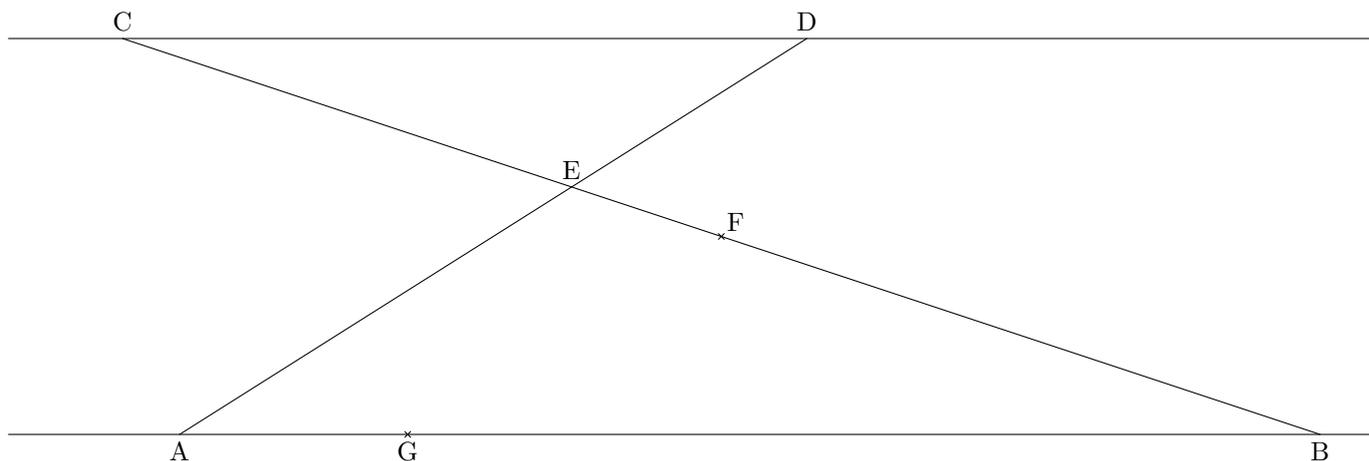
2.1 Exercice 1

L'unité est le centimètre.

Dans la figure ci-dessous, les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

Les droites (AD) et (BC) se coupent en E .

On donne $DE = 6$, $AE = 10$, $AB = 20$ et $BE = 16$.



Les figures ne sont pas réalisées en vraie grandeur. Elles ne sont pas à reproduire.

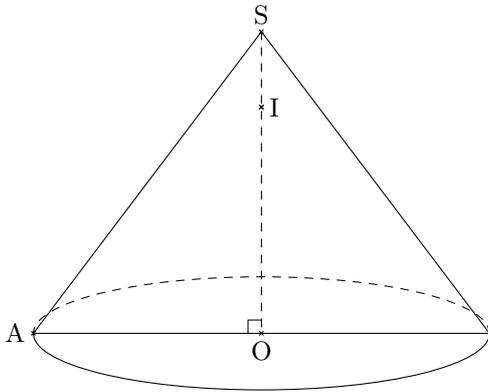
1. Calculer la distance CD .
2. Les points F et G appartiennent respectivement aux segments $[BC]$ et $[AB]$. Ils vérifient : $BF = 12,8$ et $BG = 16$.
Montrer que les droites (FG) et (AE) sont parallèles.

2.2 Exercice 2

On considère le cône ci-contre de sommet S et dont la base est le disque de rayon $[OA]$.

Ce cône a pour hauteur $SO = 8\text{cm}$ et pour génératrice $SA = 10\text{cm}$.

I est un point du segment $[SO]$ tel que $SI = 2\text{cm}$.

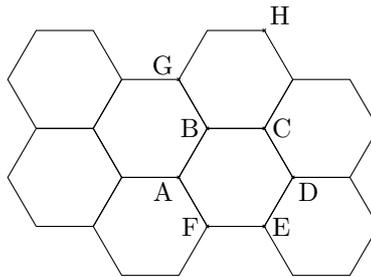


1. Montrer que $OA = 6\text{cm}$.
2. Montrer que la valeur exacte du volume \mathcal{V} du cône est égale à $96\pi\text{cm}^3$. Donner la valeur arrondie au mm^3 près.
3. Déterminer, au degré près, la mesure de l'angle \widehat{ASO} .
4. On coupe ce cône par un plan parallèle à sa base et passant par le point I . La section obtenue est un disque de centre I , réduction du disque de base.
 - (a) Déterminer le rapport k de cette réduction.
 - (b) Soit \mathcal{V}' le volume du cône de sommet S et de base le disque de centre I .
Exprimer \mathcal{V}' en fonction de \mathcal{V} , puis donner la valeur arrondie de \mathcal{V}' au mm^3 près.

2.3 Exercice 3

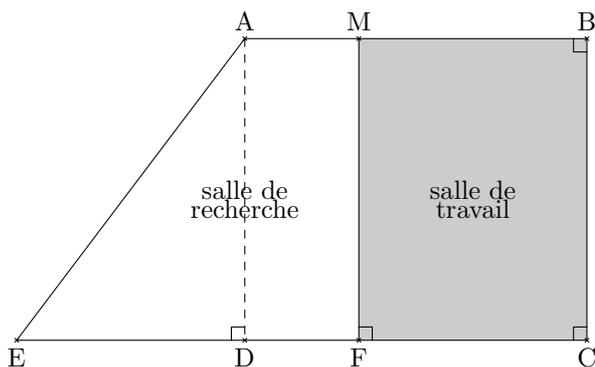
Sur la figure ci-après sont représentés 8 hexagones réguliers.

1. Construire le point M tel que $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$.
2. Construire le point Q , symétrique de H par rapport à la droite (BE) .
3. Construire le point P , image du point C par la rotation de centre E et d'angle 60° dans le sens des aiguilles d'une montre.



3 Problème

Les parties A et B sont indépendantes.



La figure ci-contre est une vue de la surface au sol du CDI d'un collège. Ce CDI doit être réaménagé en deux parties distinctes : une salle de recherche et une salle de travail.

$ABCE$ est un trapèze tel que $AB = 9m$, $BC = 8m$ et $DE = 6m$.

M est un point du segment $[AB]$.

On pose $AM = x$ (x est une distance exprimée en mètres : $0 \leq x \leq 9$).

Rappel :

L'aire d'un trapèze de hauteur h , de bases b et B , est donnée par $a = \frac{h(b + B)}{2}$.

Partie A

La documentaliste souhaite que l'aire de la salle de travail soit égale à celle de la salle de recherche.

1. Dans cette question uniquement, on suppose que : $x = 1$.
Calculer l'aire du trapèze $AMFE$ (salle de recherche), et l'aire du rectangle $MBCF$ (salle de travail).
2. (a) Exprimer, en fonction de x , l'aire du trapèze $AMFE$.
(b) Exprimer, en fonction de x , l'aire du rectangle $MBCF$.
3. On se propose de représenter graphiquement cette situation à l'aide de deux fonctions affines f et g .
 f est définie par : $f(x) = -8x + 72$.
 g est définie par : $g(x) = 8x + 24$.
Sur une feuille de papier millimétré, construire un repère orthogonal :
 - l'origine sera placée en bas à gauche ;
 - en abscisse, on prendra $2cm$ pour 1 unité ($2cm$ pour $1m$) ;
 - en ordonnée, on prendra $1cm$ pour 4 unités ($1cm$ pour $4m^2$).
 Représenter les fonctions affines f et g , pour $0 \leq x \leq 9$.
4. (a) En utilisant le graphique, indiquer la valeur de x pour laquelle $f(x) = g(x)$, ainsi que l'aire correspondante.
Mettre en évidence ces valeurs sur le graphique (pointillés, couleurs).
(b) Retrouver les résultats précédents par le calcul.

Partie B

Dans cette partie, on pose $x = 3, 5$.

1. Donner, en cm , les dimensions de la salle de travail $MBCF$.
2. On souhaite recouvrir le sol de la salle de travail à l'aide d'un nombre entier de dalles carrés identiques, de côté c entier le plus grand possible.

- (a) Expliquer pourquoi c est le PGCD de 800 et 550.
 - (b) Calculer la valeur de c , en indiquant la méthode utilisée.
 - (c) Combien de dalles sont nécessaires pour recouvrir le sol de la salle de travail ?
3. Les dalles coutent 13,50 € le mètre carré.
Quelle somme devra-t-on payer pour acheter le nombre de dalles nécessaires ?