

Brevet Aix 1997

<http://melusine.eu.org/syracuse/poulecl>

1 Partie numérique

1.1 Exercice 1

Calculer et donner la valeur exacte la plus simple possible des nombres suivants :

$$A = 36 - 6 \times 4 \qquad B = 4\sqrt{75} - 5\sqrt{3}$$

$$C = \frac{10 + 5}{10 - 5} \qquad D = (2\sqrt{3} - 5)(2\sqrt{3} + 5)$$

$$E = \sqrt{100 - 64} \qquad F = \left(4 - \frac{2}{3}\right) \left(2 - \frac{4}{3}\right)$$

1.2 Exercice 2

On considère l'expression $E = (3x - 5)^2 - (3x - 5)(x + 2)$.

1. Développer et réduire E .
2. Calculer E pour $x = \sqrt{2}$.
3. Factoriser E .
4. Résoudre l'équation $(3x - 5)(2x - 7) = 0$.

1.3 Exercice 3

Au théâtre le prix normal d'un billet d'entrée est de 120 francs.

1. Certains spectateurs peuvent bénéficier d'une réduction de 20%. Combien paient-ils leur entrée ?
2. Un groupe de 25 personnes va au théâtre, certaines parmi elles paient 120 francs et d'autres 96 francs. Sachant que pour les 25 entrées le groupe a payé 2 784 francs, trouver le nombre de billets à 120 francs et le nombre de billets à 96 francs vendus à ce groupe.

2 Partie géométrique

2.1 Exercice 1

Le plan est rapporté à un repère orthonormal (unité : 1 *cm*).

On donne la droite (d) d'équation $y = 2x - 1$; le point A de coordonnées $(2; 3)$ et le point B de coordonnées $(0; 5)$.

1. Placer les points A et B .
2. Montrer que le point A est sur la droite (d) .
3. Construire la droite (d) .
4. Calculer :
 - les coordonnées du milieu I de $[AB]$;
 - la distance AB ;
 - les coordonnées du vecteur \overrightarrow{AB} .
5. (Δ) est une droite perpendiculaire à (d) . Quel est son coefficient directeur ?
6. (Δ) est la droite perpendiculaire à (d) qui passe par le point B . Tracer la droite (Δ) et, sans calcul, donner une équation de (Δ) .

2.2 Exercice 2

On considère le triangle ABC rectangle en A tel que $AB = 5$, $BC = 9$, l'unité étant le *cm*.

1. Construire le triangle ABC en vraie grandeur.
2. Calculer la valeur exacte de AC .
3. Calcule la mesure de l'angle \widehat{ABC} à un degré près par défaut.
4. Le cercle de centre B et de rayon AB coupe le segment $[BC]$ en M . La parallèle à la droite (AC) qui passe par M coupe le segment $[AB]$ en N .
Compléter la figure.
Calculer la valeur exacte de BN .

3 Problème

Dans tout le problème, l'unité est le mètre.

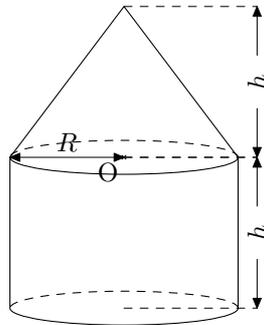


Figure 1

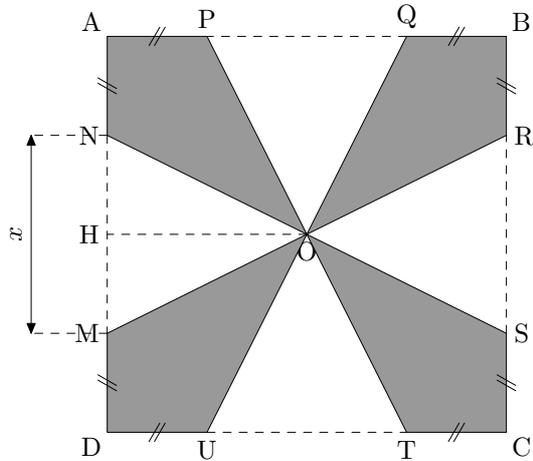


Figure 2

1. Un moulin à vent est constitué d'un cylindre surmonté d'un cône de révolution (figure 1). Le cylindre et le cône ont la même hauteur h et une base commune de centre O et de rayon R .
 - (a) Exprimer le volume du cylindre et du cône en fonction de R et h .
 - (b) En déduire que le volume du moulin est égal à $\frac{4\pi R^2 h}{3}$.
 - (c) On donne $R = 5$ et $h = 3$.
Calculer la valeur arrondie à 1 m^3 près de ce volume.
2. Les ailes du moulin sont représentées par la région grisée (figure 2). $ABCD$ est un carré de centre O et de 12 mètres de côté. Les triangles OMN , OPQ , ORS et OUT sont isocèles en O . On pose $MN = x$.
 - (a) Exprimer en fonction de x l'aire du triangle OMN . En déduire que l'aire des ailes du moulin est égale à $144 - 2x$.
 - (b) Déterminer la valeur de x pour laquelle l'aire des ailes est égale à 36 m^2 .
 - (c) On suppose que $x = 9$.
 - Calculer OM .
 - Montrer que le périmètre des ailes du moulin est égal à 72 m .
3. Dans cette question, on suppose que $x = 9$.
On a réalisé une maquette de ce moulin au $1/20$. Calculer :
 - (a) Le périmètre des ailes de la maquette.
 - (b) L'aire des ailes de la maquette.
 - (c) Le volume de la maquette du moulin, on utilisera le résultat du 1.c. et on donnera la réponse en m^3 arrondie au millièème.